

Apellidos y Nombres: HUARACHA VILLALOBOS FRANCISCO PAUL Código: 0525678

CALIFICATIVO:

Letras

Números

Firma del Estudiante

SEGUNDA PRÁCTICA CALIFICADA DE AULA

PREGUNTA N° 1.- (5 puntos)

Determinar la Transformada de Fourier:

a.- Pulso Triangular $f(t) = 2t [u(t) - u(t-1)] - (t-3)[u(t-1) - u(t-3)]$

b.- $F\{t - [\mu(t+a) - \mu(t-a)]\}$

PREGUNTA N° 2 (4 puntos)

Una señal se graba en cinta magnética a $7 \frac{1}{2}$ pulgadas / segundo y se reproduce a $3 \frac{3}{4}$ pulgadas / segundo. Si se supone una respuesta de Frecuencia Plana. Cuál es la magnitud de la Densidad Espectral de la Señal en la Reproducción. Si la Densidad Espectral original tiene las siguientes formas:

a.- $\delta(\omega - \omega_0) + \delta(\omega + \omega_0)$

b.- $1 / \sqrt{\omega^2 + 1}$

PREGUNTA N° 3 (5 puntos)

Graficar los resultados de las siguientes operaciones de convolución (donde $t_0 > 0$ en todos los casos); verifique sus resultados escribiendo la Transformada de Fourier de cada función, multiplicándolas y escribiendo la correspondiente función del tiempo.

a.- $A \delta(t) * B \delta(t - t_0)$

PREGUNTA N° 3.- (5 puntos)

Hallar la Densidad Espectral de la señal periódica $f(t) = A \cos(\omega_0 t - \theta)$.

PREGUNTA N° 4.- (5 puntos)

Un amplificador tiene un Factor de Ruido de 4dB, $B_N = 500$ KHz y una Resistencia de entrada de 50Ω . Calcular la señal rms de entrada que proporciona una razón $S/N = 1$ en la salida cuando el amplificador se conecta a una entrada de 50Ω a 290° K.

NOTAS:

- La Practica Calificada es estrictamente personal
- Procure escribir con letra legible
- Utilice sólo lapicero de color azul o negro.
- No utilizar copias ni apuntes
- Tiempo máximo para la práctica: **SESENTA MINUTOS (60 MINUTOS)**

Bellavista Callao, 28 de Mayo de 2011

Ing. Iván Céspedes Cáceres
Profesor del Curso

1.

$$2). f(t) = 2t(u(t) - u(t-1)) - (t-3)(u(t-1) - u(t-3))$$

$$f(t) = 2tu(t) - 2tu(t-1) - (t-3)u(t-1) + (t-3)u(t-3)$$

$$f(t) = 2tu(t) + u(t-1)(-3(t-1)) + (t-3)u(t-3)$$

$$f(t) = 2tu(t) + -3u(t-1)(t-1) + (t-3)u(t-3)$$

$$F\{f(t-t_0)\} = e^{-j\omega t_0} F\{f(t)\}$$

$$F\{f(t)\} = 2F\{tu(t)\} - 3e^{-j\omega} F\{u(t)\} + e^{-3j\omega} F\{tu(t)\}$$

$$F(\omega) = F\{tu(t)\} (2 - 3e^{-j\omega} + e^{-3j\omega})$$

$$F\{tu(t)\} = j F'(\omega)$$

$$F\{t^m f(t)\} = j^m F^{(m)}(\omega)$$

$$F(\omega) = F\{u(t)\}$$

$$F(\omega) = L\{f(t)\}$$

$$F(\omega) = \left(\frac{1}{j\omega} + \pi \delta(\omega) \right)'$$

$$F(\omega) = \frac{-j}{(j\omega)^2}$$

$$F\{tu(t)\} = \frac{1}{(j\omega)^2}$$

$$F(\omega) = \frac{1}{(j\omega)^2} (2 - 3e^{-j\omega} + e^{-3j\omega})$$

$$b. F\{t - [u(t+d) - u(t-d)]\}$$

$$f(t) = t - u(t+d) + u(t-d)$$

$$F\{f(t-t_0)\} = e^{-j\omega t_0} F\{f(t)\}$$

$$F\{t^n f(t)\} = j^n F^{(n)}(\omega)$$

$$F\{f(t)\} = F(\omega)$$

$$F\{f(t)\} = F\{t\} = e^{a j \omega} F\{u(t)\} + e^{-a j \omega} F\{u(t)\}$$

$$F\{u(t)\} = \frac{1}{j\omega} + \pi \delta(\omega)$$

$$F\{t\} = j F'(\omega)$$

$$F\{1\} = 2\pi \delta(\omega)$$

$$F\{t\} = 2\pi j \delta'(\omega)$$

$$F(\omega) = 2\pi j \delta'(\omega) + \left(\frac{1}{j\omega} + \pi \delta(\omega)\right) (e^{-a j \omega} - e^{a j \omega})$$

2.

$$\alpha = \frac{3^{3/4}}{7^{1/2}} = \frac{1}{2}$$

$$F\{f(t)\} = F(\omega)$$

$$F\{f(\alpha t)\} = \frac{1}{|\alpha|} F\left(\frac{\omega}{\alpha}\right)$$

$$F\{f(t)\} = \delta(\omega - \omega_0) + \delta(\omega + \omega_0)$$

$$2. F\{f(\alpha t)\} = 2(\delta(2(\omega - \omega_0)) + \delta(2(\omega + \omega_0)))$$

$$b. F\{f(at)\} =$$

$$= \frac{1}{|a|} \frac{F\left(\frac{\omega}{a}\right)}{\sqrt{4\omega^2 + 1}}$$

3.

$$F(a \cdot b) = F(a) F(b)$$

$$F(A \delta(t) * B \delta(t-t_0)) = F(A \delta(t)) F(B \delta(t-t_0))$$

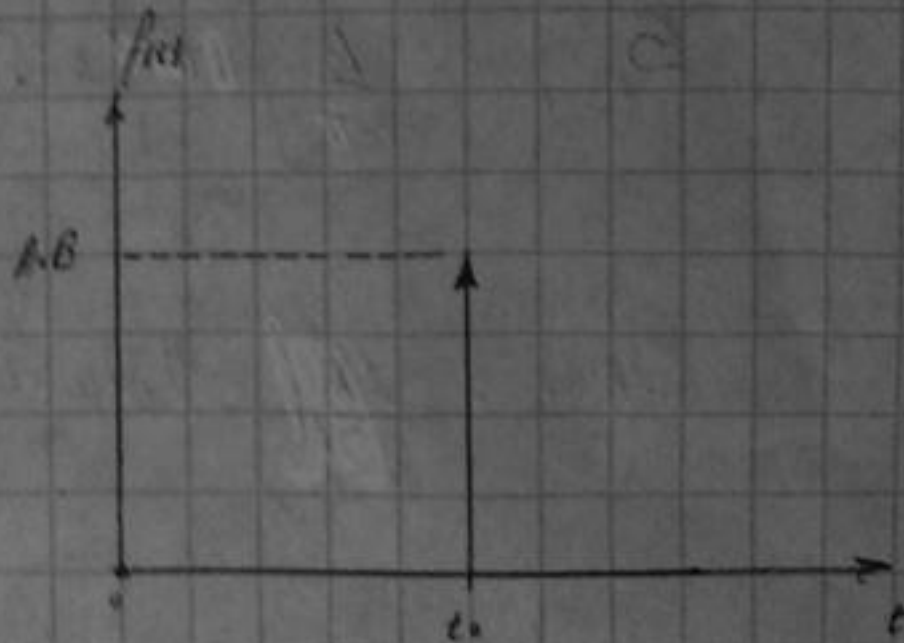
$$= A F(S(\omega)) B F(\delta(t-t_0))$$

$$F(\delta(t)) = 1$$

$$= A \cdot B e^{-j\omega t_0}$$

$$F^{-1}(F(f(\omega))) = F^{-1}(A \cdot B e^{-j\omega t_0})$$

$$f(t) = A \cdot B \delta(t-t_0)$$



1/2

4.

$$f(t) = A \cos(\omega_0 t - \theta)$$

$$\cos x = \frac{e^{-jx} + e^{jx}}{2}$$

$$f(t) = \frac{A}{2} e^{-j(\omega_0 t - \theta)} + \frac{A}{2} e^{j(\omega_0 t - \theta)}$$

$$f(t) = \frac{A}{2} e^{j\theta} e^{-j\omega_0 t} + \frac{A}{2} e^{-j\theta} e^{j\omega_0 t}$$

$$F(\omega) = \frac{A}{2} e^{j\theta} \mathcal{L}\{e^{-j\omega_0 t}\} + \frac{A}{2} e^{-j\theta} \mathcal{L}\{e^{j\omega_0 t}\} \quad \mathcal{L}\{e^{-j\omega_0 t} f(t)\} = F(\omega - \omega_0)$$

$$F(\omega) = 2\pi \delta(\omega)$$

$$F(\omega) = \frac{A}{2} e^{j\theta} 2\pi \delta(\omega - \omega_0) + \frac{A}{2} e^{-j\theta} 2\pi \delta(\omega + \omega_0)$$

$$F(\omega) = A\pi e^{j\theta} \delta(\omega - \omega_0) + A\pi e^{-j\theta} \delta(\omega + \omega_0)$$

Inputo dardidol

$$S_{F(\omega)} = \frac{A}{2\pi} \int_{-\infty}^{\infty} \pi^2 (e^{j\theta} \delta(\omega - \omega_0) + e^{-j\theta} \delta(\omega + \omega_0)) d\omega$$

$$S_{F(\omega)} = \frac{A}{2} \int_{-\infty}^{\infty} e^{j\theta} \delta(\omega - \omega_0) d\omega + \frac{A}{2} \int_{-\infty}^{\infty} e^{-j\theta} \delta(\omega + \omega_0) d\omega$$

$$\int_{-\infty}^{\infty} \delta(t - t_0) \phi(t) dt = \phi(t_0)$$

$$S_{F(\omega)} = \frac{A}{2} e^{j\theta} + \frac{A}{2} e^{-j\theta} = \frac{A}{2} (e^{j\theta} + e^{-j\theta})$$

